

Approches formelles pour la vérification de programmes

Catherine Dubois et Guillaume Burel (ENSIIE)

Master 2 CNS

Besoin de sûreté

La fiabilité peut être parfois importante...
et parfois très importante!

- ▶ Centrales nucléaires, usines chimiques
- ▶ Commandes d'avions
- ▶ Pacemakers (voire cœur artificiel !)
- ▶ Réseaux ferroviaires, etc.

Systèmes auto-* ?

Des conséquences importantes

De petites erreurs peuvent avoir des conséquences désastreuses :
Coût astronomique, vies humaines !

- ▶ Vol inaugural d'Ariane 5
- ▶ Mars Climate Orbiter
- ▶ London Ambulance Service Computer-Aided Dispatch System
- ▶ Bug du Pentium d'Intel
- ▶ Debian/OpenSSL RNG



Solutions classiques d'ingénierie pour la fiabilité

Quelques stratégies bien connues issue du génie civil :

- ▶ Calcul précis/estimation des forces, tensions, etc.
- ▶ Redondance matérielle
- ▶ Conception robuste (une petite erreur n'est pas catastrophique)
- ▶ Séparation claire en sous-systèmes
- ▶ Utilisation des motifs dont on sait qu'ils fonctionnent

Pourquoi ça ne marche pas pour les logiciels ?

- ▶ Les systèmes logiciels calculent des fonction non continues
Une simple inversion de bit peut changer le comportement complètement
- ▶ La redondance en répliquant ne protège pas des bugs
La redondance du développement n'est viable que dans des cas extrêmes
- ▶ Pas de séparation claire en sous-système
Une erreur locale affecte en général tout le système
- ▶ La conception logicielle a une très grande complexité logique
- ▶ La plupart des ingénieurs ne sont pas formés à la correction des logiciels
- ▶ Le coût supposé est souvent préféré à la fiabilité
- ▶ ...

Test

Une solution contre le manque de fiabilité : le test

Limites :

- ▶ Le test montre la présence d'erreurs, pas leur absence
Exhaustivité possible uniquement pour des systèmes triviaux
- ▶ Problème de la représentativité des cas de test
Comment tester l'inattendu ? Les cas rares ?
- ▶ Le test demande du travail, donc coûte cher
- ▶ Il n'est pas toujours réalisable avant le déploiement

Méthodes formelles

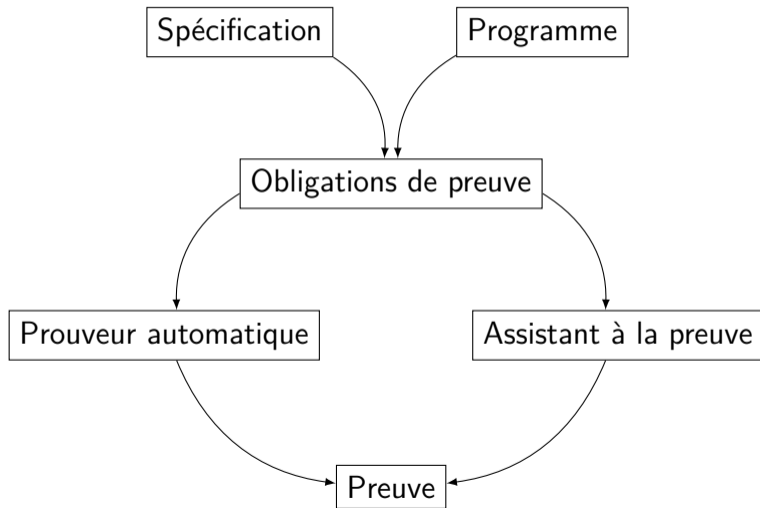
Méthodes rigoureuses utilisées lors de la conception du système et le développement

- ▶ Fondées sur les mathématiques et la logique → formelles
- ▶ Construire un modèle de l'implémentation et des exigences (spécification)
- ▶ Utiliser des outils pour prouver mécaniquement que le modèle d'exécution formel satisfait la spécification

Plusieurs approches de méthodes formelles

- ▶ Model checking
- ▶ **Preuve**
- ▶ Analyse statique
- ▶ Méthodes formelles pendant la conception (raffinement)

Workflow



Limites tests et méthodes formelles

- ▶ Parfois, tout n'est pas prouvable
- ▶ Difficile de générer test pour vérifier les cas restants
- ▶ Sur un système qui peut évoluer (auto-*), on veut être sûr que le comportement reste celui prévu

Runtime verification

Idée : les spécifications sont transformées en code ajouté dans l'exécutable produit

Le code rajouté vérifie que les spécifications sont bien respectées.

- ▶ Production de traces
- ▶ Monitoring

Méthodes formelles : Pour qui ?

Applications critiques : vies humaines ou coût faramineux en jeux

- ▶ Aéronautique et espace (A380)
- ▶ Ferroviaire (Métro 14)
- ▶ Hardware (Intel)

Mais pas seulement :

- ▶ Gain de temps avant la découverte des bugs
- ▶ Au final, moins cher que de corriger les bugs après coup

Exemple : Facebook (Infer), AWS, Microsoft

But de la vérification formelle

Etant donnée une spécification formelle S d'un programme P ,

donner une preuve mathématique rigoureuse que toute exécution de P satisfait S

P est correct par rapport à S

Que faut-il pour vérifier formellement P ?

- ▶ une spécification formelle de P (rigoureuse, mathématique),
- ▶ une méthode de preuve de correction (logique de Hoare par exemple),
- ▶ des règles de preuve pour faire des preuves rigoureuses, mathématiques : un calcul.

Limitations de la vérification formelle

- ▶ pas de notion absolue de correction
La correction est toujours relative à une spécification donnée
- ▶ Difficile et coûteux d'écrire des spécifications formelles
En pratique, on ne spécifie pas formellement toutes les fonctionnalités mais les propriétés de sûreté comme la bonne formation des données (accès hors des bornes, dérérérencement du pointeur null, etc.), l'absence d'exceptions non détectées, les parties critiques du logiciel etc.
- ▶ Coûteux également de faire des preuves (mais on gagne sur le temps de test)

Limitations de la vérification formelle

- ▶ Il existe des propriétés difficiles ou impossibles à spécifier
ressources comme le temps et la mémoire (possible) le comportement de
l'utilisateur, l'environnement en général.
- ▶ Des programmes vérifiés formellement peuvent planter à l'exécution
 - bugs dans le compilateur (→ vérification du compilateur C CompCert)
 - bugs dans l'environnement d'exécution (→ vérification NICTA d'un
micro-kernel SEL4)
 - bugs dans le matériel (→ preuve de hardware Intel par ex.)

Le test et la preuve sont
complémentaires

Spécifications

Conception par contrat

Idée : transférer la notion de contrat entre partenaires commerciaux aux ingénieurs logiciel

- ▶ Qu'est-ce qu'un contrat

Un accord contraignant qui précise explicitement les obligations et les bénéfices

- ▶ En ingénierie logicielle ? (une interface)

Fournisseur (implémenteur), en C, une procédure, en Java, une classe ou une méthode

Client Une procédure ou un objet appelant, voire un utilisateur humain (e.g. pour `main()`)

Contrat Un ensemble de clauses **ensures/requires** qui définissent les obligations mutuelles du client et de l'implémenteur

Exemple

La fonction racine carrée sur les entiers

```
/*@ requires a est un entier positif  
* ensures l'entier retourne est la racine carree de a */  
int root (int a) {  
    int i = 0;  
    int k = 1;  
    int sum = 1;  
    while (sum <= a) {  
        k = k+2;  
        i = i+1;  
        sum = sum+k;  
    }  
    return i;  
}
```

Formellement

Langage de spécification ACSL

```
/*@ requires a >= 0;  
 * ensures \result*\result<=a ∧ (\result+1)*(\result+1)>a; */  
int root (int a) {  
    int i = 0;  
    int k = 1;  
    int sum = 1;  
    while (sum <= a) {  
        k = k+2;  
        i = i+1;  
        sum = sum+k;  
    }  
    return i;  
}
```

Exercice

Maximum de deux entiers

```
/*@ requires ?  
* ensures ? */  
int max(int a, int b) {  
    if (a <= b)  
        return b;  
    else  
        return a;  
}
```

Plus d'expressivité

Indice maximum dans un tableau

```

/*@ requires sizeof(a) > 0;
    ensures
        \forall int i;
            (0 <= i && i < sizeof(a))
            ==> a[i] <= a[\result];    */
int indice_max(int a[]) {
    int i;
    int r = 0;
    for (i = 1; i < sizeof(a); i++)
        if (a[i] > a[r]) r = i;
    return r;
}

```

Logique du premier ordre

Notation math.	ACSL	Sémantique
\top	<code>\true</code>	toujours vrai
\perp	<code>\false</code>	toujours faux
$\neg A$	<code>!A</code>	non A
$A \wedge B$	<code>A && B</code>	A et B
$A \vee B$	<code>A B</code>	A ou B
$A \Rightarrow B$	<code>A ==> B</code>	A implique B
$\forall x : i. A$	<code>\forall i x; A</code>	pour tout x de type i, on a A
$\exists x : i. A$	<code>\exists i x; A</code>	il existe un x de type i tel que A

Exercices

Donner des spécifications aux fonctions suivantes :

```
int remainder(int a, int b);  
/* reste de la division euclidienne  
   de a par b */
```

```
int maxarray(int a[]);  
/* retourne la valeur maximum du tableau a */
```


Tri

```
int[] sort(int a[]);  
/* tri du tableau a */
```

Tri

```
int[] sort(int a[]);  
/* tri du tableau a */
```

Tableau résultant trié :

```
ensures \forall int i, j;  
    0 <= i < j < sizeof(a) ==> \result[i] <= result[j];
```

Tri

```
int[] sort(int a[]);
/* tri du tableau a */
```

Tableau résultant trié :

```
ensures \forall int i, j;
    0 <= i < j < sizeof(a) ==> \result[i] <= result[j];
```

Tableau résultant permutation du tableau initial :

```
ensures sizeof(\result) == sizeof(a) &&
    \forall int i; 0 <= i < sizeof(a) ==>
    \exists int j; 0 <= j < sizeof(a) &&
    a[i] == \result[j];
```

Est-ce assez ?

Tri (cont.)

Non, [2; 1; 1] et [1; 2; 2].

Il faut que le nombre d'occurrences soient les mêmes : nouveau prédicat nbocc à définir, puis

```
ensures \forall int v;  
        nbocc(a, v) == nbocc(\result, v);
```

Tri en place

```
void sort(int a[]);  
/* tri du tableau a en place */
```

Utilisation de `\old` pour accéder à la valeur avant la fonction.

```
ensures \forall int i, j;  
    0 <= i < j < sizeof(a) ==> a[i] <= a[j];  
ensures \forall int v;  
    nbocc(\old(a), v) == nbocc(a, v);
```

But de la vérification formelle

Etant donnée une spécification formelle S d'un programme P ,

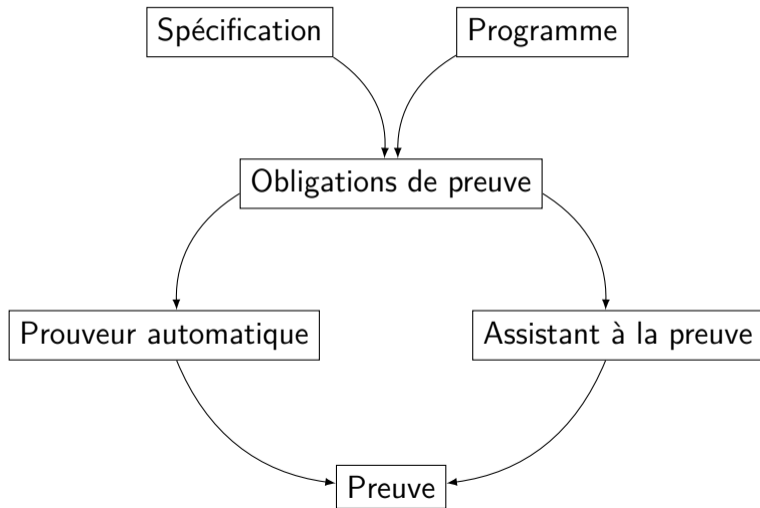
donner une preuve mathématique rigoureuse que toute exécution de P satisfait S

P est correct par rapport à S

Que faut-il pour vérifier formellement P ?

- ▶ une spécification formelle de P (rigoureuse, mathématique),
- ▶ une méthode de preuve de correction (logique de Hoare par exemple),
- ▶ des règles de preuve pour faire des preuves rigoureuses, mathématiques : un calcul.

Workflow



Preuve de programmes impératifs

Comment démontrer les spécifications ?

On donne au programme une sémantique

- ▶ L'état du système est abstrait par les **propriétés logiques** qu'il satisfait
- ▶ L'exécution des pas du programme modifie la validité de ses propriétés

On vérifie ensuite que les postconditions (ensures) sont bien impliquées par les préconditions (requires) via l'exécution du programme.

Logique de Hoare

Définie par Hoare (inventeur de QuickSort) en 1969

Pour les langages impératifs. Pour ce cours, C restreint à :

- ▶ Seulement des variables entières, pas de pointeurs
- ▶ Affectation `x = e;`
- ▶ Séquence `{ i1 ... in }`
- ▶ Conditionnelle `if (c) i1 else i2`
- ▶ Boucle `while (c) i`
- ▶ Instruction vide ; (permet de ne pas avoir de `else`)

Langages des assertions

L'état du système est décrit par des propositions de la logique du premier ordre avec arithmétique

- ▶ $P ::= b \mid P \wedge P \mid P \vee P \mid \neg P \mid P \Rightarrow P \mid \forall x. P \mid \exists x. P$
- ▶ b peut être n'importe quelle expression arithmétique du langage, mais sans appel de fonction
- ▶ les variables du programme et celles de la logique sont identifiées
- ▶ implicitement, les variables prennent des valeurs entières

Exemple :

$$\forall z. x \leq z \Rightarrow y + 2 = z$$

Triplet de Hoare

$\{P\}c\{Q\}$ avec P et Q des assertions logiques et c un programme

- ▶ P : précondition
- ▶ Q : postcondition
- ▶ si x est une variable du programme, dans P et Q
 x représente la valeur de x à ce point du programme

Lire : si la propriété P est vraie avant l'exécution de c et si l'exécution termine, alors la propriété Q est vraie après l'exécution de c
(Correction partielle, pas de preuve de terminaison)

Exemple

$$\{x = n \wedge n > 0\} y = 1; \text{ while } (x \neq 1) \{ y = y * x; x = x - 1; \}$$
$$\{y = n! \wedge n > 0\}$$

Ici, n est une variable logique, elle permet de se référer à la valeur de x au début du programme

Validité des triplets de Hoare

Tous les triplets de Hoare ne sont pas valides.

Intuitivement, on veut que $\{P\}c\{Q\}$ soit valide si quand P est vrai avant d'exécuter le programme, alors Q est vrai après l'exécution.

Exemple de triplets valides :

- ▶ $\{\perp\}x = 5; \{\top\}$
- ▶ $\{x = y\}x = x + 3; \{x = y + 3\}$
- ▶ $\{x > 0\}x = 2 * x; \{x > -2\}$
- ▶ $\{x = a\} \text{if } (x < 0) \ x = -x; \text{ else } ; \{x = |a|\}$

Mais $\{x < 0\}x = x - 3; \{x > 0\}$ n'est pas valide

Plus faible précondition (*Weakest precondition*)

Définition

Soit c un programme et Q une formule, on note $WP(c, Q)$ la plus faible précondition telle que si c se termine, alors c se termine dans un état satisfaisant Q .

Autrement dit :

- ▶ C'est une précondition qui mène à Q :
 $\{WP(c, Q)\}c\{Q\}$ est valide
- ▶ c'est la plus faible de celles-ci :
si $\{P\}c\{Q\}$ est valide, alors $P \Rightarrow WP(c, Q)$

Théorème (Correction partielle avec WP)

Pour montrer $\{P\}c\{Q\}$, il suffit de montrer $P \Rightarrow WP(c, Q)$.

Calcul de WP

Sans les boucles, WP peut être calculée automatiquement :

- ▶ $WP(;, Q) = Q$
- ▶ $WP(x = a;, Q) = \{a/x\}Q$
- ▶ $WP(\{c1\ c2\}, Q) = WP(c1, WP(c2, Q))$
- ▶ $WP(\text{if } (b)\ c1\ \text{else}\ c2, Q) = (b \Rightarrow WP(c1, Q)) \wedge (\neg b \Rightarrow WP(c2, Q))$

Exercice

Calculer :

- ▶ $WP(\{x = x + 1; y = y - 1;\}, x > y)$
- ▶ $WP\left(\begin{array}{l} \text{if } (x > y) \text{ } x = x - y; \\ \text{else } y = y - x; \end{array}, (x > 0 \wedge y > 0)\right)$

Montrer en utilisant WP que

$$\{x = n\} \begin{array}{l} \text{if } (x \% 2 == 0) \text{ } x = x + 2; \\ \text{else } x = x + 1; \end{array} \{x > n \wedge \text{pair}(x)\}$$

Cas de la boucle

$WP(\text{while } (b) \ c, Q) = \text{pas de formule simple !}$

En effet `while (b) c` est (sémantiquement) équivalent à
`if (b) { c; while (b) c } else {}`

Donc $WP(\text{while } (b) \ c, Q) =$
 $(b \Rightarrow WP(c, WP(\text{while } (b) \ c, Q))) \wedge (\neg b \Rightarrow Q)$

Équation récursive pas toujours possible à calculer

On approxime WP par un prédicat plus simple à calculer et utilisable automatiquement :
 la condition de vérification

Condition de vérification

On part d'un programme annoté :

- ▶ invariant de boucle
- ▶ spécification des fonctions

On note $VC(c, Q)$ la condition de vérification de c pour l'assertion Q
La différence avec WP est qu'on utilise les annotations pour calculer VC

Calcul de VC

- ▶ $VC(;, Q) = Q$
- ▶ $VC(\mathbf{x} = \mathbf{a};, Q) = \{a/x\}Q$
- ▶ $VC(\{c1\ c2\}, Q) = VC(c1, VC(c2, Q))$
- ▶ $VC(\text{if } (b)\ c1\ \text{else } c2, Q) = (b \Rightarrow VC(c1, Q)) \wedge (\neg b \Rightarrow VC(c2, Q))$
- ▶ $VC(\text{while } (b)\ c\ //@invariant\ I, Q) =$

$I \wedge Preserv \wedge Final$ (l'invariant est vérifié en début de boucle)

où
 $Preserv = \forall x_1, \dots, x_m. I \wedge b \Rightarrow VC(c, I)$
 (l'invariant est préservé par une itération)

$Final = \forall x_1, \dots, x_m. \neg b \wedge I \Rightarrow Q$
 (la postcondition est satisfaite lorsque la boucle se termine)

$x_1 \dots x_m$ sont les variables modifiées dans c

Exemple

On reprend la factorielle :

$$\{x = n \wedge n > 0\}$$

`{ y = 1; while (x != 1) { y = y * x; x = x - 1; } }`

$$\{y = n! \wedge n > 0\}$$

On prend comme invariant $Inv = (y * x! = n! \wedge x > 0 \wedge n > 0)$

On a $VC(\mathbf{fact}, y = n! \wedge n > 0) =$

$$1 * x! = n! \wedge x > 0 \wedge n > 0$$

$$\wedge (\forall xy. (Inv \wedge x \neq 1) \Rightarrow (y * x * (x - 1)! = n! \wedge x - 1 > 0 \wedge n > 0))$$

$$\wedge (\forall xy. (x = 1 \wedge Inv) \Rightarrow (y = n! \wedge n > 0))$$

On peut “facilement” montrer que $x = n \wedge n > 0 \Rightarrow VC(\mathbf{fact}, y = n! \wedge n > 0)$

Génération de conditions de vérification

Grâce aux programmes annotés et à VC, on obtient une méthode réaliste pour faire de la preuve de programmes impératifs :

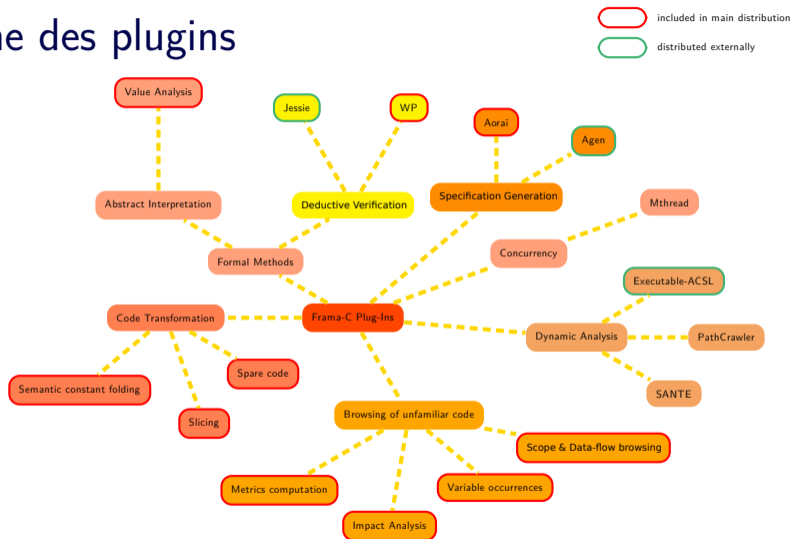
- ▶ Écrire un programme contenant les invariants des boucles et éventuellement des assertions à certains point du programme difficiles pour la preuve ;
- ▶ Transmettre ce code annoté à un outil qui engendre les conditions de vérification (exemple : plugin WP de Frama-C, cf. TP) ;
- ▶ Prouver ces conditions de vérification, de préférence avec un prouveur automatique (alt-ergo, Z3, Vampire, ...) ou interactif (Coq, Isabelle, ...)

Frama-C et WP

Frama-C

- ▶ A **f**ramework for **m**odular **a**nalysis of **C** code
- ▶ Frama-C : plateforme développée par le CEA et INRIA pour la vérification de programmes C (analyse statique, preuve déductive ...)
- ▶ <http://frama-c.com>, distribué sous LGPL (v23.1 Vanadium en juillet 2021)
- ▶ Noyau construit sur CIL (Necula et al., Berkeley)
- ▶ ACSL langage d'annotations
- ▶ Plateforme extensible :
 - Collaboration d'analyseurs sur un même code
 - Communication entre les plugins via les annotations ACSL
 - Ajout facile de nouveaux plugins

Ecosystème des plugins



Main plugins of Frama-C ?

- ▶ Value analysis Static verification of C code using Abstract Interpretation techniques
- ▶ WP
Static verification of C code using Weakest Precondition calculus
Jessie, a similar tool
- ▶ A lot of other plugins useful in specific cases
InOut (computation of outputs from inputs), Metrics (analyze code complexity), Aorai (temporal verification), PathCrawler (test generation), Spare code (remove spare code), ...

Contrat de fonctions : les principes

Objectif : spécification de programmes/fonctions impératifs

Approche : donner des propriétés sur les fonctions

- ▶ **la pré-condition** est supposée vraie à l'entrée dans la fonctions (assurée par l'appelant de la fonction)
- ▶ **la post-condition** doit être vraie à la sortie de la fonction (assurée par la fonction si elle termine)
- ▶ rien n'est garanti si la pré-condition n'est pas satisfaite
- ▶ terminaison peut être garantie ou non (correction totale vs correction partielle)

Annotations en ACSL

<code>requires</code>	introduit une pré-condition <code>requires n>=0;</code>
<code>\result</code>	représente le résultat de la fonction
<code>ensures</code>	introduit une post-condition <code>ensures \result>=0;</code>
<code>assigns</code>	précise les (locations mémoire des) variables que la fonction a le droit de modifier en dehors de ses variables locales <code>assigns \nothing ;</code>
<code>loop invariant</code>	invariant de boucle
<code>loop variant</code>	variant
<code>loop assigns</code>	spécifie les variables modifiées par la boucle

Validité des emplacements mémoire

`\valid` précise la validité des emplacements-mémoire

`\valid(p)` : validité de `*p`

`\valid(p+(x..y))` : validité de `*(p+x) .. *(p+y)`

Ce prédicat peut s'utiliser dans un contrat ou toute assertion (invariant de boucle)

Spécification par cas, behaviors

Pour spécifier plusieurs cas possibles (behaviors)

Dans chaque *behavior* : la clause *assumes* détermine dans quel cas un *behavior* s'applique. La clause *ensures* spécifie le comportement dans ce cas.

On peut aussi avoir une post-condition qui s'applique à tous les cas.

```
/*@ requires -100 <= x <= 100;
   assigns \nothing;
   behavior pos: assumes x >= 0;
                ensures \result == x;
   behavior neg: assumes x < 0;
                ensures \result == -x; */
```

Behaviors (cont.)

- ▶ `complete behaviors` : les comportements décrits couvrent tous les cas
- ▶ `disjoint behaviors` : les comportements ne se recouvrent pas.

Ces deux clauses génèrent des obligations de preuve.

Interface graphique

The screenshot displays the Frama-C graphical user interface. The main window shows the source code for a C function named `getMin`. The code is annotated with preconditions, postconditions, and a loop invariant. A WP goal is also visible, defining the function's contract.

```

/*@ requires \valid(t+(0 .. n-1)) ^ n > 0;
   ensures \forall Z i; 0 <= i ^ i < \old(n) -> \result <= *(\old(t)+i);
*/
int getMin(int *t, int n)
{
  int res;
  res = *(t + 0);
  {
    int i;
    i = 1;
    /*@ loop invariant
       (1 <= i ^ i <= n) ^
       (\forall Z j; 0 <= j ^ j < i -> res <= *(t+j));
       loop assigns res;
       loop variant n - i;
    */
    while (i < n) {
      if (*(t + i) < res) {
        res = *(t + i);
      }
      i ++;
    }
  }
}

```

The WP goal is defined as follows:

```

/home/guillaume/Cours/CLS/getMin.c
1 /*@ requires \valid(t+(0..n-1)) && n > 0;
2   ensures \forall integer i; 0 <= i < n ==> \n
3 */
4 int getMin(int t[], int n) {
5   int res = t[0];
6   /*@ loop invariant 1 <= i <= n &&
7     (\forall integer j; 0 <= j < i ==> res <
8     loop assigns res;
9     loop variant n - i;
10  */
11  for (int i = 1; i < n; i++)
12    if (t[i] < res) res = t[i];
13  return res;
14 }
15

```

The interface includes a menu bar (File, Project, Analyses, Help), a toolbar, a source file browser, and a WP configuration panel with options like Model..., Script..., Provers..., RTE, Split, Trace, Invariants, Steps, Depth, Timeout, and Slicing.

Interface textuelle

```
frama-c -wp getMin.c
```

ou

```
frama-c -wp getMin.c -wp-prover XX
```

avec $XX \in \{z3, cvc3, simplify, coq ..\}$ = ensemble des prouveurs disponibles.

```
frama-c -wp find.c -wp-prover cvc3
```

```
[kernel] preprocessing with "gcc -C -E -I. find.c"  
[wp] Running WP plugin...  
[wp] Collecting axiomatic usage  
[wp] warning: Missing RTE guards  
[wp] 9 goals scheduled  
[wp] [Qed] Goal typed_find_loop_inv_established : Valid  
[wp] [Qed] Goal typed_find_loop_assign : Valid  
[wp] [Qed] Goal typed_find_loop_term_decrease : Valid  
[wp] [Cvc3] Goal typed_find_complete_not_found_found : Valid (20ms)  
[wp] [Qed] Goal typed_find_loop_term_positive : Valid  
[wp] [Cvc3] Goal typed_find_loop_inv_preserved : Valid (20ms)  
[wp] [Cvc3] Goal typed_find_disjoint_not_found_found : Valid (20ms)  
[wp] [Cvc3] Goal typed_find_found_post : Valid (Qed:4ms) (20ms)  
[wp] [Cvc3] Goal typed_find_not_found_post : Valid (720ms)
```

Un exemple : getMin

Spec informelle : Calculer le plus petit élément d'un tableau non vide

```

/*@ requires \valid(t+(0..n-1)) ES n > 0;
    ensures \forall integer i; 0 <= i < n ==> \result <= t[i];
*/
int getMin(int t[], int n) {
    int res = t[0];
    /*@ loop invariant 1 <= i <= n ES
        (\forall integer j; 0 <= j < i ==> res <= t[j]);
        loop assigns res;
        loop variant n - i;
    */
    for (int i = 1; i < n; i++)
        if (t[i] < res) res = t[i];
    return res;
}

```

WP : OK

Mais la spécification n'est pas complète ...

```

/*@ requires \valid(t+(0..n-1)) ∧ n > 0;
    ensures \forall integer i; 0 <= i < n ==> \result <= t[i];
*/
int getMin_wrong(int t[], int n) {
    int res = t[0];
    /*@ loop invariant 1 <= i <= n ∧
        (\forall integer j; 0 <= j < i ==> res <= t[j]);
        loop assigns res;
        loop variant n - i;
    */
    for (int i = 1; i < n; i++)
        if (t[i] < res) res = t[i];
    return (res-1);
}

```

WP : OK

```

/*@ requires \valid(t+(0..n-1)) ES n > 0;
    ensures \forall integer i; 0<=i<n ==> \result<=t[i];
--> ensures \exists integer k; 0<=k<n ES \result == t[k];
*/
int getMin(int t[], int n) {
    int res = t[0];
    /*@ loop invariant 1 <= i <= n ES
        (\forall integer j; 0 <= j < i ==> res <= t[j]);
--> loop invariant
    \exists integer k; 0<=k<i ES res == t[k];
    loop assigns res;
    loop variant n - i;
*/
    for (int i = 1; i < n; i++)
        if (t[i] < res) res = t[i];
    return res;
}

```

WP : OK

Attention à ce que l'on prouve ...

Les entiers : C et ACSL

ACSL utilise des entiers mathématiques (integer) alors qu'à l'exécution C utilise des entiers machine (int)

On peut utiliser les entiers bornés si besoin.

On peut aussi vérifier les overflows (RTE - runtime error).