



PHYSIQUE



Mécanique

Constante de gravitation $G = 6,67 \cdot 10^{-11}$, attraction électrique $-9 \cdot 10^9$, $e = -1,6 \cdot 10^{-19}$ Coulomb

Définitions

A partir des notions (non définies) scalaire de masse et vectorielle de force, un système de masse m animé d'une vitesse v , a par définition la quantité de mouvement $q = mv$, s'il occupe un volume V , sa masse volumique (ou densité) est $\rho = m/V$. Une force F s'exerçant sur la masse m à la vitesse v , a pour puissance le produit scalaire $P = Fv$, le travail de cette force durant un temps dt est $W = Pdt = Fdx$ si dx est le déplacement du système durant ce temps.

Principe de la dynamique newtonienne

Le torseur des forces extérieures s'exerçant sur un système matériel est égal au torseur des quantités d'accélération, soit à la dérivée du torseur des quantités de mouvement.

$$\mathbf{F} = m(dv/dt) = dq/dt$$

Principe de l'action et la réaction : entre deux systèmes, l'action F_{12} du premier sur le second égale la réaction F_{21} en valeur absolue.

$$\mathbf{F}_{12} + \mathbf{F}_{21} = \mathbf{0}$$

Lois de Képler si l'interaction entre deux masses suit la loi de Newton, $F = -GMm/r^2$, alors par rapport au système de masse M , la trajectoire de celui de masse m , est une conique.

La réciproque se démontre également. En prenant des coordonnées polaires (r, θ) centré en M , l'énergie mécanique de m est $E = (1/2)mv^2 - GMm/r$ en posant $u = 1/r$, la formule de Binet, pour une force dérivant d'un potentiel, montre que $r^2\omega$ est une constante C et qu'en dérivant par rapport à θ , $F = -mC^2u^2(u + u'')$, alors $u + u'' = GM/C^2$, équation différentielle se résolvant en $r = (C^2/GM) / (1 + \epsilon \cos(\theta - \alpha))$ trajectoire conique d'excentricité $\epsilon^2 = 1 + 2EC^2/G^2Mm$.

Si $\epsilon < 1$ ($E < 0$, attraction supérieure à l'énergie cinétique) ellipse de demi-grand axe $a = GMm/2E$, la période est alors $GMT^2 = 4\pi^2a^3$

Si $\epsilon = 1$, trajectoire parabolique, la vitesse parabolique au sommet est alors $v_p^2 = 2v_c^2$ où v_c vitesse pour une orbite circulaire.

Trajectoire hyperbolique ($\epsilon > 1$), possédant M dans sa concavité dans le cas d'une force attractive et M sur l'autre foyer dans le cas d'une force répulsive.

Période d'un satellite, à l'altitude h , (pour la terre $R = 6378$ km, $M = kg$) la force centrifuge doit équilibrer l'attraction, donc $mv^2/(R+h) = mg_h$ et $g_h = GM/(R+h)^2$ d'où $v^2 = g_h(R+h)$, si la trajectoire est



$$F = G \frac{mm'}{d^2}$$

$G = 6,673 \cdot 10^{-11} \text{ Nm}^2/\text{kg}^2$
loi de Coulomb identique
avec $k = 9 \cdot 10^9 \text{ Nm}^2/\text{C}^2$

circulaire, la période est $T = 2\pi((R+h)/gh)^{1/2} = 2\pi[(R+h)^3/GM]^{1/2}$. Plus simplement pour une distance R quelconque :

$$GMT^2 = 4\pi^2 R^3$$

Vitesse d'échappement, situé à la distance R d'une masse M, il faut dépasser $v^2 = 2GM/R$

Energie mécanique, dans le champ de pesanteur terrestre $g = GM/R^2$, l'énergie potentielle mgh utilisée lors d'une chute de hauteur h, équilibre l'énergie cinétique : $W = -mgh + (1/2)mv^2$ reste constante, c'est pourquoi la vitesse acquise est $v^2 = 2gh$.

Mouvement d'un corps lancé à la vitesse v_0 suivant l'angle de tir α : ($x'' = 0$, $z'' = -g$) d'où en intégrant ($x' = v_0 \cos \alpha$, $z' = -gt + v_0 \sin \alpha$) puis ($x = v_0 \cos \alpha \cdot t$, $z = (-1/2)gt^2 + v_0 \sin \alpha \cdot t$) parabole de portée $(v_0^2/g)\sin 2\alpha$ et de hauteur $(v_0^2/2g)\sin 2\alpha$.

Pendule de Foucault la période du pendule de longueur l est $2(l/g)^{1/2}$ et la période de rotation du plan d'oscillation est $24 / |\sin \lambda|$ heures à la latitude λ .

Forces de Coriolis, à cause de la rotation terrestre de vitesse angulaire $\omega = 2\pi/(24*60*60) = 0.729 \cdot 10^{-4}$ radian/s, il y a déviation vers l'est dans l'hémisphère nord et vers l'ouest, au sud. La déviation d'une masse tombant en chute libre d'une hauteur h à la latitude λ est $(1/3)(2h/g)^{3/2}g\omega \cos \lambda$.

Relativité

Constante de la lumière $c = 3 \cdot 10^8$ m/s

Equations de Lorentz Si un repère R' (coincidunt avec R en $t = 0$) à une dimension se déplace uniformément à la vitesse v par rapport au repère R, étant donné un point P de coordonnées x au temps t dans le repère R et x' dans R', dans le cas où P est fixe dans R', on a $x = vt$.

En posant deux axiomes : x' est la fonction polynômiale la plus simple, du premier degré de x et il existe une vitesse limite c alors on démontre :

x' est de la forme $x' = kx + m$, or pour la position fixe $x' = 0$ vis à vis du repère R', $x = vt$, donc $m = -kvt$ et d'autre part à la vitesse limite c : $x = ct$ est équivalent à $x' = ct'$ si t' est le temps mesuré dans R'.

Cela donne $x' = k(x - vt)$ en particulier $ct' = kt(c - v)$ mais de façon duale, dans R' la vitesse de R est -v et la même équation donne $x = k(x' + vt')$ en particulier $ct = kt'(c + v)$.

Ces deux relations donnent $c^2 tt' = (c - v)(c + v)tt'$ d'où $k = 1 / \sqrt{1 - v^2/c^2} > 1$

Deux événements séparés par Δx , Δt dans R et par $\Delta x'$, $\Delta t'$ dans R' satisferont :

$$\Delta x' = k(\Delta x - v\Delta t) \text{ et } \Delta t' = k(\Delta t - v\Delta x/c^2), \text{ en particulier :}$$

Dilatation du temps Deux événements simultanés dans R' ($\Delta t' = 0$) ne le sont pas dans R et réciproquement deux événements de même lieu de R' ($\Delta x' = 0$) donnent : $\Delta t = k\Delta t' > \Delta t'$

Ainsi par exemple un vaisseau bouclant à la vitesse 0.6c pendant 10 ans hors de terre a accompli pour son repère propre un voyage de 8 ans.

Contraction des distances Si $\Delta t = 0$ vu dans R, P se déplaçant à la vitesse v, $\Delta x' = k\Delta x > \Delta x$

Energie associée à une masse A cause de l'isotropie de l'espace, on démontre que E_C est indépendant de la direction et que c'est une fonction affine de k, $E_C = m_0 c^2 (k - 1)$.

Par définition l'énergie ΔE développée par une force F appliquée à P le déplaçant de Δx est $\Delta E = F \cdot \Delta x$, la quantité de mouvement d'une masse m à la vitesse v est $q = mv$, enfin cette force la modifie $F = m(dv/dt) = \Delta q / \Delta t$. Dans le repère R', on écrit $\Delta E' = F \cdot \Delta x' = k(\Delta x - v\Delta t)\Delta E / \Delta x = k(\Delta E - v\Delta q)$ et pour la quantité de mouvement $\Delta q' = F\Delta t' = kF(\Delta t - v\Delta x / c^2) = k(\Delta q - v\Delta E / c^2)$

Si v est toujours la vitesse de R' par rapport à R et P fixe dans R', on a donc en particulier une "énergie cinétique" $\Delta E' = 0$ et $\Delta q' = 0$ d'où si on nomme E_0 l'énergie interne au repos, $E' = E_0 = k(E - vq)$ c'est à dire $E = E_0/k + vq = E_0/k + v^2 E / c^2$ car $E = mc^2$ soit :

$E = kE_0 > E$ de même $q = kvE_0/c^2$, en mécanique classique, si v est négligeable face à c, $q = vE_0/c^2$ or $q = m_0 v$ d'où $E_0 = m_0 c^2$. Plus généralement $E = km_0 c^2 = m_0 c^2 + (1/2)m_0 v^2 + \dots$ grâce à un développement limité (énergie interne + énergie cinétique)

Augmentation de la masse A la vitesse v , le point P de masse m vérifie $q = mv = kvE_0/c^2$ or $E_0 = m_0c^2$ donc $m = km_0 > m_0$

Avec la correspondance $E = mc^2$ la masse d'un nucléon vaut 931 MeV.

Loi de composition des vitesses Si P possède maintenant la vitesse u relativement à R' qui a la vitesse v relativement à R , la vitesse w de P par rapport à R est donnée par $x' = k(x - vt) = ut' = ku(t - vx/c^2)$ donc $x - vt = ut - uvx/c^2$ $w = (u + v) / (1 + uv/c^2)$

Si on pose $v/c = \text{th } \alpha$, alors on vérifie que cette loi s'écrit $aw = au + av$ et : $\begin{bmatrix} x' \\ ct' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \text{ch } \alpha & -\text{sh } \alpha \\ -\text{sh } \alpha & \text{ch } \alpha \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ ct \end{bmatrix}$

Invariance de la forme bilinéaire de Lorentz-minkowski, ayant $\Delta x'^2 - c^2\Delta t'^2 = \Delta x^2 - c^2\Delta t^2$, plus généralement en dimension 4, $(x, y, z, t) \rightarrow x^2 + y^2 + z^2 - c^2t^2$ est donc indépendante du repère.

Modèle du gaz parfait

Constante de Boltzmann $k = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$

Nombre d'Avogadro $N_A = 6,023 \cdot 10^{23}$ définit une "mole", constante des gaz parfaits $R = k \cdot N_A = 8,32 \text{ J/K}$

Système fermé où N particules de masses m n'ont pas d'interaction. C'est le modèle le plus simple où la distance moyenne est très grande face à celle de 10^{-10} m qui est l'ordre de portée des forces intermoléculaires.

Degré de liberté dl est le nombre de paramètres caractérisant chaque molécule, pour un gaz monoatomique $dl = 3$ (la position), gaz di-atomique : $dl = 5$, tri-atomique : $dl = 6$

Température T est une mesure de l'agitation moléculaire, elle est définie comme proportionnelle à l'énergie cinétique moyenne.

Pression, la pression est une mesure de l'importance des chocs des particules sur les parois. Si v est la composante de vitesse perpendiculaire à la paroi, la quantité de mouvement est mv_x avant et $-mv_x$ après, la variation est donc $2mv_x$. Pour un volume V entourée par une aire S de N particules, le nombre de chocs par unité de temps est NSv_x/V , la force exercée sur la paroi est donc ce nombre de fois la quantité de mouvement, et la pression est cette force rapportée à la surface, soit :

$p = Nmv_x^2/V$, ceci étant, si le gaz est isotrope, cette vitesse orthogonale v_x à la paroi vérifie $(v_x)^2 = v^2/3$ où v désigne maintenant la vitesse moyenne des particules. On a donc :

$$p = Nmv^2/3V$$

On en déduit la formule de Bernoulli $pV = Nmv^2/3 = Mv^2/3$ où M est la masse totale du système. Quant à la vitesse du son dans un gaz, elle s'exprime par $(\gamma p/\rho)^{1/2} = v(\gamma/3)^{1/2}$ où $\rho = M/V$.

Energie du système, dans ce modèle, l'énergie est purement cinétique, c'est à dire U ne dépend que de la vitesse moyenne v et de la température T . L'énergie interne est $N(mv^2/2) = 3pV/2$, soit pour un degré de liberté plus général dl :

$$U = dl \cdot NkT/2 \text{ et } pV = NkT$$

Echange d'énergie du système avec l'extérieur, si le système reçoit une énergie mécanique (W , travail) et une énergie thermique (Q , chaleur), son énergie interne se modifie et :

$$\Delta U = W + Q$$

La variation d'énergie interne d'un système ne dépend que des états extrêmes (premier principe, dU est une différentielle exacte).

Chaleurs spécifiques, un système de masse M recevant une chaleur dQ augmente sa température par : $dQ = Mc_v dT$ à volume constant (transformation isochore) or $Q = U_2 - U_1 + p(V_2 - V_1)$ le dernier terme étant le travail reçu, $Mc_v = (\partial U/\partial T)_V$

A pression constante (transformation isobare) $Mc_p = (dQ/dT)_p = (\partial U/\partial T)_p + (\partial V/\partial T)_p$

Dans le modèle du gaz parfait, U ne dépend que de T , les dérivées $\partial U/\partial T$ sont les mêmes et comme $dV/dT = Nk/p$, on en déduit la relation de Mayer :

$$M(c_p - c_v) = Nk = R \text{ et } pV = (\gamma - 1)U$$

Cette dernière relation, en fonction du rapport des chaleurs spécifiques $\gamma = c_p/c_v$ est déduite de $U = dl \cdot RT/2$ et $Mc_v = dU/dT = dl \cdot R/2$ d'où $\gamma = c_p/c_v = (2+dl)/dl$, ce coefficient vaut $5/3$ pour les gaz monoatomiques et $7/5$ pour les diatomiques comme l'air.

Transformation adiabatique (sans échange de chaleur avec l'extérieur), ayant $dU = Q + W$, $W = -pdV$ (travail des forces de pression pour agrandir le volume), $Q = 0$, et $U = dl.pV/2$, on a : $dU = dl/2(Vdp + pdV) = -pdV$ soit $Vdp + \gamma pdV = 0$, $(dp/p) + \gamma(dV/V) = 0$ donc pV^γ constant (loi de Laplace).

Entropie $S = k \cdot \ln(\Omega)$ où Ω est le nombre de permutations des N particules correspondant au même état global (aux mêmes valeurs des paramètres de chaque particule. S augmente pour atteindre un état d'équilibre. S est additive, si deux systèmes ont des nombres Ω_A et Ω_B , l'ensemble aura $\Omega_A \Omega_B$ et donc $S_{A+B} = S_A + S_B$.

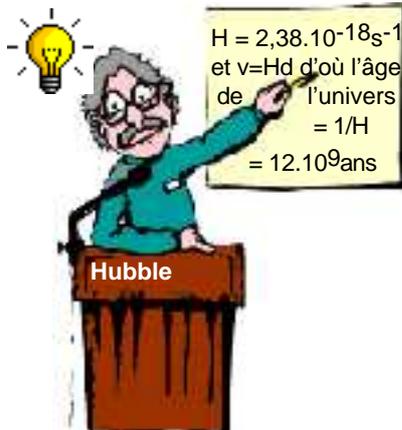
$$dU = TdS - pdV \text{ d'où } p = -\partial U/\partial V \text{ et } T = \partial U/\partial S$$

Dans une transformation $S_B - S_A \geq \int dQ/T$, (égalité si et seulement si la transformation est réversible) lors d'une transformation adiabatique, l'entropie augmente.

Pour le modèle du gaz parfait $S = Mc_V \ln TV^{\gamma-1} = Nk \ln VT^{1/(\gamma-1)}$.

Cosmologie

Constante de Hubble $H = 150\,000 \text{ m/s}$



L'expansion de l'univers ne peut être qu'adiabatique ($dQ = 0$), son énergie totale E satisfait $dE = dQ + dW = -pdV$. Comme son volume est $V = 4\pi R^3/3$, on va distinguer, dans dE , les deux formes de matière :

Energie de rayonnement (spin entier : photons, neutrinos ...)

Si e_r est la densité d'énergie rayonnante et que chaque entité a 3 degrés de liberté, la pression provoquée $p_r = e_r/3$, donc :

$$\begin{aligned} dE_r &= -p_r dV \text{ soit : } 4\pi(3R^2 dR \cdot e_r + R^3 de_r)/3 \\ &= -(e_r/3)(4\pi/3)R^3 dR \text{ soit : } 3R^2 e_r dR + R^2 de_r dR \\ &= -R^3 de_r. \text{ Or } 4dR/R = -de_r/e_r \text{ donc } e_r \text{ est} \\ &\text{proportionnel à } 1/R^4 \text{ or } e_r \text{ est proportionnel à } T_r^4 \\ &\text{(loi de thermodynamique) donc } T_r \text{ est} \\ &\text{proportionnel à } 1/R. \end{aligned}$$

Energie de matière baryonique (spin demi-entier) $e_m = nmc^2 = (3/2)nkT_m$ avec $p_m = nkT_m$ pour n particules de masse m par unité de volume.

$$\begin{aligned} dE_m &= -p_m dV \text{ d'où } 3R^2(nmc^2 + (3/2)nkT) dR + R^3(mc^2 dn + (3/2)nkT dn + (3/2)nk dT) = -3nkTR^2 dR \\ &\text{mais en supposant le nombre de particules constant } d(4\pi R^3 n/3) = 0 \text{ donc } Rdn = -3ndR \text{ donc l'équation devient} \\ &R(mc^2 dn + (3/2)kT + (3/2)nk dT) + (nmc^2 + (3/2)nkT)3dR = -3nkT dR \text{ soit } dT/T = -2dR/R \text{ ce qui veut dire} \\ &\text{que } T_m \text{ est proportionnel à } 1/R^2 \end{aligned}$$

En conclusion, s'il est en expansion, l'univers arrive donc à des températures décroissantes mais avec $T_r > T_m$ donc pas en équilibre thermique. En ce qui concerne les densité $\rho_r = e_r/c^2$ et $\rho_m = e_m/c^2$ des deux formes de matière, ρ_m est proportionnel à $1/R^3$, ρ_r à $1/R^4$ d'où ρ_r/ρ_m proportionnel à $1/R$, en expansion, l'univers passe du rayonnement prédominant à la matière proprement dite.

Supposons l'univers de rayon R et de masse M , sa densité est $\rho = 3M/4\pi R^3$, il y a expansion si la vitesse à la "surface" R est supérieure à la vitesse d'échappement qui vérifie $v^2 = 2GM/R$, d'après la loi de Hubble où $v = Hd$, cette condition s'écrit :

$$H^2 R^2 > 2GM/R \text{ soit :}$$

$3H^2/8\pi > 3GM/4\pi R^3$ c.a.d. $\rho < \rho_c$ dite densité critique. A l'inverse, si $\rho > \rho_c$ alors c'est une contraction de l'univers (big-crunch).

$$\rho_c = 2H^2/8\pi G$$

$$E = mc^2 \text{ avec } c = 3 \cdot 10^8 \text{ m/s}$$

$$\text{Densité de l'univers } 10^{-27} \text{ kg/m}^3 \text{ et}$$

$$\text{rayon } 1,7 \cdot 10^{26} \text{ m liés par } GM = Rc^2$$

$$\text{Densité critique :}$$

$$\rho_c = 3H^2/8\pi G = 10^{-26} \text{ kg/m}^3 = 10 \text{ atomes/m}^3$$

Si $\rho < \rho_c$ expansion sinon big crunch!





Limite de Chandrasekhar

Si $m < 1.44\Theta$, alors naine blanche
sinon trou noir inévitable
La densité est alors $3c^6/32\pi G^3 M^2$
pour une masse M dans le rayon
de Schwarzschild $2GM/c^2$

Masse de Jeans

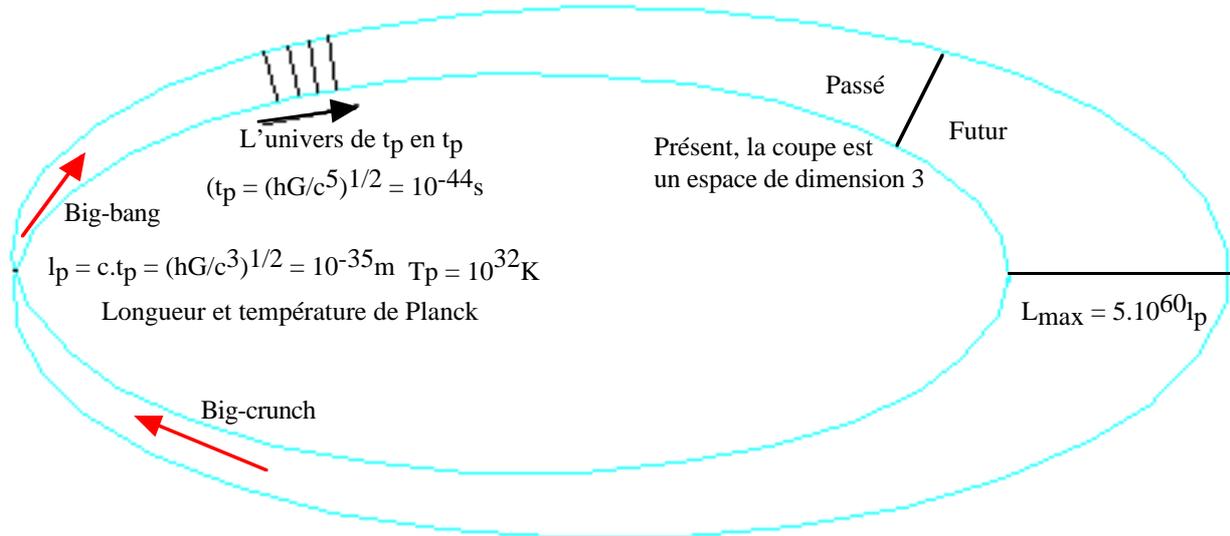
Ce calcul vaut pour une masse M où l'attraction gravitationnelle équilibre la pression vers l'extérieur. En supposant ρ et T homogènes $G(M/R)^2 = 4\pi PR^2$ donc $R_J = 3(P/\pi G)^{1/2}/2\rho$, et cette masse est $M_J = 9(P/G)^{3/2}/2\sqrt{\pi\rho^2}$.

Mécanique quantique

$h/2\pi = 1,054589 \cdot 10^{-34} \text{kg.m}^2/\text{s}$ est le plus petit quantum d'énergie

En admettant que distance, temps, masse, énergie sont des grandeurs discrètes avec des valeurs minimales $l_p = 10^{-35} \text{m}$ (distance de Planck), $t_p = l_p/c = 10^{-43} \text{s}$, $m_p = h/c^2 = 1,17 \cdot 10^{-51} \text{kg}$, alors avec ces unités la formule de l'attraction devient $F = mm' / r^2$.

En fait l'espace est un produit à 10 dimensions dont 6 sont sur une hypersphère de circonférence l_p .



Physique des particules

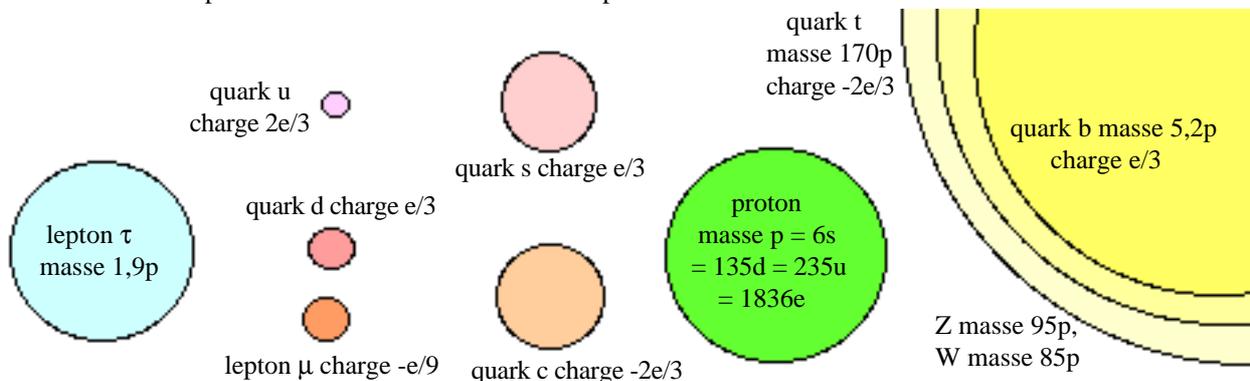
1 eV = $1,6 \cdot 10^{-19} \text{J}$

$m(\text{proton}) = 1,673 \cdot 10^{-27} \text{kg}$

$m(\text{neutron}) = 1,675 \cdot 10^{-27} \text{kg}$

$m(\text{électron}) = 9,11 \cdot 10^{-31} \text{kg}$

Fermions = matière = spin demi-entier = fonction d'onde impaire



Quarks (6 classes u, d, s, c, b, t de charges $2/3, -1/3, -1/3, 2/3, -1/3, 2/3$ et 3 couleurs) constituants les :

Hadrons, particules soumises aux int. fortes :

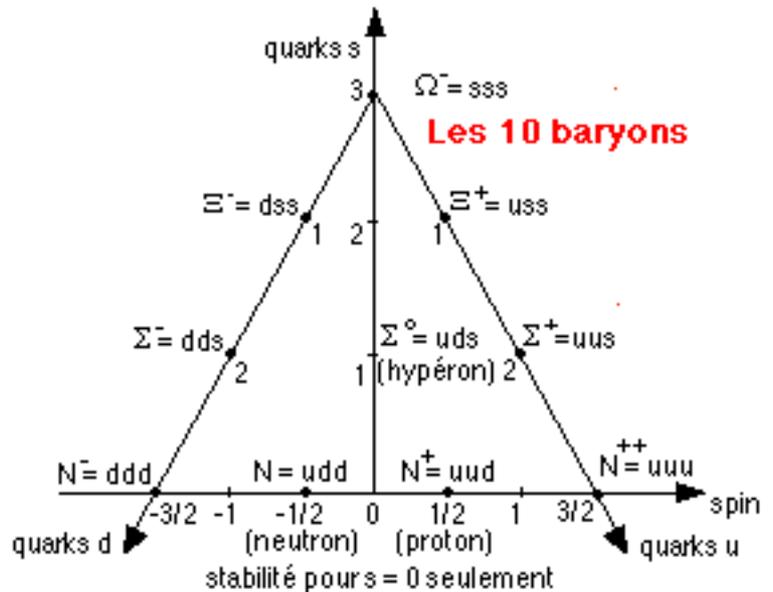
- Mésons qq
- Pions q-q spin 0 durée $2,6 \cdot 10^{-8}s$
- Baryons qqq (ci-contre)

Leptons (non sensibles aux interactions fortes)

- Electrons 0,5MeV
- Muons 106MeV durée $10^{-6}s$
- Tau 1784MeV durée $2,3 \cdot 10^{-12}s$
- Neutrino $10^{-3}eV$ charge 0

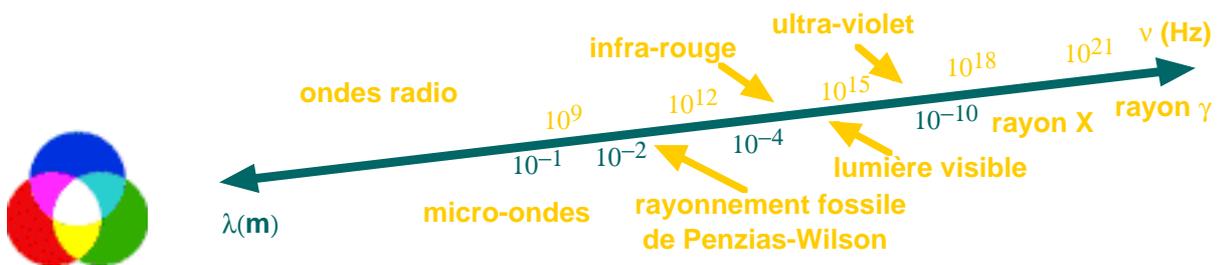
Bosons = supports de force = spin entier = fonction d'onde paire

- Gluons (spin 1) force forte entre quarks
- Bosons $W^- W^+ Z^0$ durée $8 \cdot 10^{-25}s$ (spin 1) interaction faible
- Photons (spin 1) force électromagnétique (il y en a $3 \cdot 10^9$ par nucléon)
- Gravitons (spin 2) gravitation



Les photons L'énergie d'un photon est $E = hv$.

Longueur d'onde	Fréquence $\lambda v = c$	
800 à 2000m	100 kHz	Radio "grandes ondes" se réfléchissant sur l'ionosphère, favorise les communications de longues portées
100 à 800m	0,3 à 3 MHz	Radio "ondes moyennes"
10 à 100m		Radio "ondes courtes"
	40 à 90MHz	Télévision (ondes métriques)
3m	100 MHz	Radio "bande FM"
10 à 30cm	900 à 1800 MHz	Téléphone et radars (ondes décimétriques ou centimétriques)
10cm	3GHz	Micro-ondes des fours
3cm	$10^{10}Hz$	Rayonnement de Penzias-Wilson (bruit de fond correspondant à une agitation de température 2,74K)
0,8µm à 1mm	$3 \cdot 10^{11}$ à $4 \cdot 10^{14}Hz$	Infrarouge (utilisée par les lasers)
0,4 à 0,8µm	$3,7$ à $7,5 \cdot 10^{14}Hz$	Lumière visible
0,2 à 0,4µm	$7,5 \cdot 10^{14}$ à $6 \cdot 10^{15}Hz$	Ultraviolet
10^{-12} à $5 \cdot 10^{-8}m$	$6 \cdot 10^{15}$ à $3 \cdot 10^{20}Hz$	Rayons X
		Rayons γ



L'électron dans l'atome de Bohr, orbitales

Si l'électron de vitesse v est sur une trajectoire de rayon r , pour l'hydrogène ($Z = 1$) la force d'attraction électromagnétique est $F = e^2/(4\pi\epsilon_0 r^2)$ où $\epsilon_0 = 10^{-9}/36\pi$. Pour qu'il y ait une orbite régulière il faut qu'elle égalise la force centrifuge $F = mv^2/r$. L'énergie potentielle (nulle à l'infini) est $E_p = \int_{[r, \infty[} -e^2/(4\pi\epsilon_0 r^2) dr = -e^2/(4\pi\epsilon_0 r)$, l'énergie cinétique est $mv^2/2$, son énergie totale est donc $E = -e^2/(8\pi\epsilon_0 r^2)$. Cependant le moment cinétique ne peut être que discret $mvr = nh/2\pi$ où n entier est le "nombre quantique principal" et $h = 6,626 \cdot 10^{-34}J/s$, l'énergie devient $-me^4/(8\epsilon_0^2 h^2 n)$ pour le niveau n et doit être multiplié par Z^2 pour les autres corps. En particulier si l'électron passe de la couche $n = 2$ à $n = 1$, il libère une énergie $E_2 - E_1 = me^4/(8\epsilon_0^2 h^2) = hv$ où v est la fréquence du photon émis. Le rayon de la plus basse énergie ($n = 1$) est $r = \epsilon_0^2 h^2 / (\pi m e^2) = 0,0529 \cdot 10^{-10}m$.

La longueur d'onde Ψ d'un électron d'énergie E , soumis au potentiel V , dont $|\Psi|$ donne la probabilité de se trouver au point où Ψ est calculée, permet de déterminer les régions (orbitales) où la probabilité est la plus forte en résolvant l'équation de Schrödinger.



Schrödinger a dit :
 $\Delta\Psi + 8\pi^2m(E - V)\Psi / h^2 = 0$

Le niveau d'énergie d'un électron dépend du nombre quantique principal n et du nombre cinétique l_c qui donne le moment cinétique $h(l_c(l_c+1))^{1/2}/2\pi$ pour $0 \leq l_c < n$. L'ordre de remplissage se fait suivant $n + l_c$ avec priorité pour n . Enfin le nombre quantique magnétique est un entier entre $-l_c$ et l_c ($2l_c+1$ valeurs), et 2 valeurs à chaque fois $\pm 1/2$ pour la projection du spin.

La couche n (les couches sont nommées K, L, M, N ...) détermine donc les sous-couches 0, 1, 2, ... (nommées s, p, d, f ...) chacune ayant $2(2l_c+1)$ places donc respectivement 2, 6, 10, 14, 18, 22,... la couche n a donc au maximum $2n^2$ électrons.

Dans la table de Mendéléiev, chaque ligne débute le remplissage d'une nouvelle couche et chaque colonne correspond à une même disposition des sous-couches de la dernière couche, ainsi les alcalins (première colonne ns à demi pleine et la seconde ns pleine), la dernière colonne (gaz rares) sous-couche np^6 pleine et l'avant-dernière, les halogènes np^5 . Par exemple Hf 72 de formule $1s^2 2s^2 p^6 3s^2 p^6 d^{10} 4s^2 p^6 d^{10} f^{14} 5s^2 p^6 d^1$.

Les lignes du tableau correspondent au remplissage de :

Ligne 1, 1s de H 1 à He 2

Ligne 2, 2s2p de Li 3 à Ne 10 de formule $1s^2 2s^2 p^6$ en passant par le carbone C 6 : $1s^2 2s^2 p^2$

Ligne 3, 3s3p : Na 11 à Ar 18

Ligne 4, 4s3d4p : K 19 à Kr 36

Ligne 5, 5s4d5p : Rb 37 à Xe 54

Ligne 6, 6s4f5d6p de Cs 55, La 57 débute 4f de Ce 58 à Yb 70,

puis 5d de 71 à 80 et 6p jusqu'à Rn 86

Ligne 7, 7s5f6d7p de Fr 87, par exemple l'actinide (Ac 89) débute 5f